

南京航空航天大学

2015 年硕士研究生入学考试初试试题 (A 卷)

科目代码: 821

满分: 150 分

科目名称: 信号系统与数字信号处理

注意: 认真阅读答题纸上的注意事项; 所有答案必须写在答题纸上, 写在本试题纸或草稿纸上均无效; 本试题纸须随答题纸一起装入试题袋中交回!

一、填空题 (每空 1 分, 共 30 分)

1. 已知某连续时间系统的输入输出关系为 $r(t) = |t|e(t) + \frac{de(t)}{dt}$, 其中 $r(t)$ 为系统响应, $e(t)$ 为系统激励, 试判断该系统是 (线性、非线性) _____, (时变、时不变) _____, (因果、非因果) _____, (稳定、不稳定) _____;
2. 线性时不变离散时间系统的单位函数响应 $h(k) = 3^k \varepsilon(-k-1) + 2^{-k} \varepsilon(k)$, 判别系统的因果性、稳定性 _____, _____;
3. $f(t)$ 是周期为 T 的周期信号, 其傅里叶级数展开式可表示为 $f(t) = \frac{1}{2} \sum_{n=-\infty}^{\infty} \dot{A}_n e^{jn\Omega t}$, 其中 $\Omega =$ _____, 称为 _____, $\dot{A}_n =$ _____; $f(t)$ 也可表示为 $f(t) = \frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} A_n \cos(n\Omega t - \phi_n)$, 其中 $\frac{a_0}{2} =$ _____, 称信号的 _____ 分量, \dot{A}_n 与 A_n, ϕ_n 的关系为 _____;
4. 若实信号 $f(t)$ 的频带宽度为 210Hz , 则 $f(3t-4)$ 的频带宽为 _____ Hz , $f(\frac{t}{3}-4)\cos 1000\pi t$ 的带宽为 _____ Hz ;
5. 线性时不变连续时间因果系统的系统函数 $H(s) = \frac{1}{s} - \frac{s+3}{s^2+3s+2}$, 系统零输入响应的一般形式 $r_{zi}(t) =$ _____, 系统是否稳定? (请在稳定、不稳定、临界稳定中选择填空) _____, 系统转移函数 $H(j\omega) =$ _____;
6. 设 $F(z) = \frac{3z}{2z^2-5z+2}$ 为离散信号 $f(k)$ 的单边 Z 变换, 则 $f(0) =$ _____, $f(1) =$ _____, $f(\infty) =$ _____;

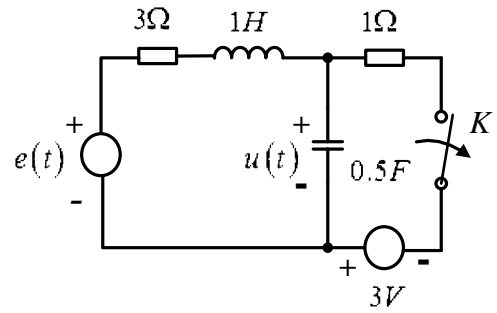
7. 设 $H(e^{j\omega})$ 表示一个幅度归一化的理想高通滤波器的频率响应, 则 $H(e^{j\omega})\Big|_{\omega=0} = \underline{\hspace{2cm}}$,
 $H(e^{j\omega})\Big|_{\omega=\pi} = \underline{\hspace{2cm}}$;
8. 某基带信号 $x(t)$ 的最高频率分量为 f_H , 如果以 f_s 的采样频率对这个信号进行采样, 得到离散时间序列 $x(n)$, 为了避免混叠, 则采样频率应该满足 $\underline{\hspace{2cm}}$, 对 $x(n)$ 截取 N 点做 N 点 DFT 变换得到 $X(k)$, 则 $X(k)$ 中的第 k 个频率分量所对应的模拟信号的频率是 $\underline{\hspace{2cm}}$;
9. 一个离散时间系统的系统函数(传递函数)记为 $H(z)$, 如果要求该系统是稳定的, 则 $H(z)$ 的收敛域应该包含: $\underline{\hspace{2cm}}$, 如果要求该系统是因果的, 则 $H(z)$ 的收敛域应该包含 $\underline{\hspace{2cm}}$;
10. 记一个实序列 $x(n)$ 的 DTFT (离散时间傅里叶变换) 变换结果为 $X(e^{j\omega})$, 则 $X(e^{j\omega})$ 的实部满足 $\underline{\hspace{2cm}}$ (奇对称, 偶对称), $X(e^{j\omega})$ 的相位满足 $\underline{\hspace{2cm}}$ (奇对称, 偶对称);
11. 采用窗函数法来设计滤波器, 主瓣最窄的窗函数是 $\underline{\hspace{2cm}}$, 旁瓣最低的窗函数是 $\underline{\hspace{2cm}}$ (矩形窗、汉明窗、汉宁窗、布莱克曼窗)。

二、(20分) 已知因果线性时不变离散时间系统的差分方程为

$$y(k+2) - \frac{3}{4}y(k+1) + \frac{1}{8}y(k) = e(k+2) + \frac{1}{3}e(k+1)。$$

1. 画出系统直接型方框图;
2. 求系统函数 $H(z)$ 及单位函数响应 $h(k)$;
3. 若激励 $e(k) = \left(\frac{1}{2}\right)^k \varepsilon(k)$, 求系统零状态响应 $y_{zs}(k)$;
4. 已知系统全响应初值 $y(0) = 1, y(1) = 2$ 求系统零输入响应 $y_{zi}(k)$ 。

三、 (25分) 如图所示电路, 其中 $e(t) = 5V$, 开关打开前电路已处于稳态, $t = 0$ 时开关 K 打开, 试求:



1. 开关打开前电感的初始电流 $i_L(0^-)$ 和电容的初始电压 $u_C(0^-)$;
2. 画出该电路 $t > 0$ 时的 S 域运算等效电路;
3. $e(t)$ 为激励 $u(t)$ 为系统响应, 求系统函数 $H(s)$;
4. 求系统零输入响应 $u_{zi}(t)$;
5. 求系统零状态响应 $u_{zs}(t)$ 。

四、 (15分) 有两个连续时间信号 $x_1(t) = A \sin(0.2\pi t)$, $x_2(t) = A \sin(2.2\pi t)$ 。现对它们做理想取样, 得到两个序列 $x_1(k)$ 和 $x_2(k)$ 。已知取样间隔为 $T_s = 1s$, 其中 A 是有限实常数。

1. 画出 $x_1(k)$ 和 $x_2(k)$ 的图形;
2. 证明 $x_1(k) = x_2(k)$;
3. 根据抽样定理从频域角度说明为什么 $x_1(k) = x_2(k)$ 。

五、 (20分) 一个实有限长序列为 $x(n) = \{2, 3, 4, 3, 2\}$ 。

1. 求序列的5点的 DFT 变换 $X(k)$;
2. 求 $DFT[X(k)]$;
3. 求 $y_1(n) = IDFT[X^*(5-k)]$ 和 $y_2(n) = IDFT[j \text{Im}[X(k)]]$; ($X^*(5-k)$ 表示对 $X(k)$ 求圆周共轭对称, $\text{Im}[X(k)]$ 表示 $X(k)$ 的虚部)
4. 令 $X_6(k)$ 表示对 $x(n)$ 的 6 点 DFT 变换, 求 $y_3(n) = IDFT[W_6^{2k} X_6(k)]$;
5. 对序列 $x(n)$ 的傅里叶变换结果 $X(e^{j\omega})$ 进行频率采样, 采样频率点为 $\omega = 0, 2\pi/3, 4\pi/3$, 得到频域序列 $Y(k)$, 对 $Y(k)$ 进行 3 点 IDFT 变换得到 $y(n)$, 求 $y(n)$ 。

六、（20分）已知一个线性相位 FIR 系统，其单位取样响应为 $h(n) = \{4, -3, 2, -2, 3, -4\}$ 。

1. 求该系统对于输入 $x(n) = \delta(n) + 2\delta(n-1) + \delta(n-2)$ 的输出 $y(n)$ ；
2. 求该系统的系统函数（传递函数） $H(z)$ ，并指明 $H(z)$ 的极点和收敛域；
3. 求该系统的频率响应 $H(e^{j\omega})$ ；并且分别求出 $H(e^{j\omega})|_{\omega=0}$ 和 $H(e^{j\omega})|_{\omega=\pi}$ 的值；
4. 求该系统对输入单频复指数输入序列 $x_1(n) = e^{j\frac{\pi}{4}n}$ 的输出 $y_1(n)$ 。

七、（20分）已知一因果稳定的离散时间 LTI 线性相位系统的单位取样响应为一有限长实序列 $h(n)$ ($0 \leq n \leq N-1$)，对应的系统频率响应为 $H(e^{j\omega})$ ，对应的传递函数为 $H(z)$ ，已知该系统的两个零点位置为 $z_1 = 1, z_2 = 0.5j$ 。

1. 求出具有最低阶的 $H(z)$ 剩余的零点的位置；
2. 求该系统的系统函数（传递函数）和差分方程；
3. 如果 $h_1(n) = (-1)^n h(n)$ ，试求 $H_1(e^{j\omega})$ ，结果以 $H(e^{j\omega})$ 表示；
4. 如果 $h_2(n) = h(n) \cos \frac{\pi}{2}n$ ，试求 $H_2(e^{j\omega})$ ，结果以 $H(e^{j\omega})$ 表示；